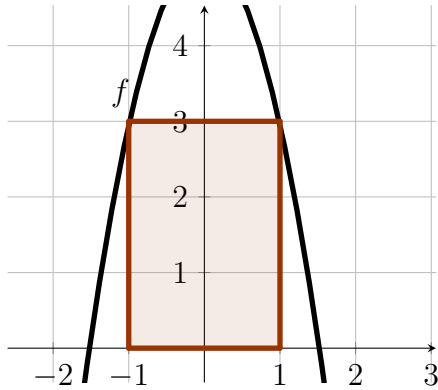


Aufgabe 1



Welches Rechteck im Parabelsegment mit der Gleichung $f(x) = \frac{1}{2}(9 - 3x^2); y \geq 0$ hat den größten Flächeninhalt?

Wie groß ist der Flächeninhalt beim Maximum?

Aufgabe 2

Bilden Sie die Ableitungen der folgenden Funktionen, falls möglich

a)

$$f(x) = e^{\cos(x^2+1)}$$

b)

$$f(x) = x \cdot e^{\sin(5x)}$$

c)

$$f(x) = \frac{4x}{x^2 + 2}$$

d)

$$f(x) = \frac{8 - 4x^2}{(x^2 + 2)^2}$$

Aufgabe 3

Gegeben ist die Funktion $f(x) = x^2 + 4x + 5 \quad x \in \mathbb{R}$. Welche Form hat ihre Kurve? Skizzieren Sie grob den Verlauf.

Aufgabe 4

Gegeben ist die Funktion $f(x) = x^4 - 2x^2$ ($x \in \mathbb{R}$). Geben Sie den Wertebereich an und untersuchen Sie $f(x)$ auf Symmetrie, Nullstellen, Extrema, Wendepunkte und Krümmungsverhalten. Wie verhält sich die Funktion für $x \rightarrow \pm\infty$? Skizzieren Sie die Funktion in einem geeignet gewählten Intervall.

Aufgabe 5

Die rücksichtslosen Autofahrer Bob und Charlie durchfahren mit Fernlicht in unterschiedlichen Richtungen eine Kurve, die sich wie $k(x) = -\frac{x^2}{2} + x + \frac{7}{2}$ verhält (sie wurde von einem Mathematiker geplant). Alice steht neben der Straße im Punkt $(1/4, 5)$. An welchen Punkten müssen Bob und Charlie das Fernlicht abschalten, wenn sie Alice nicht blenden wollen?

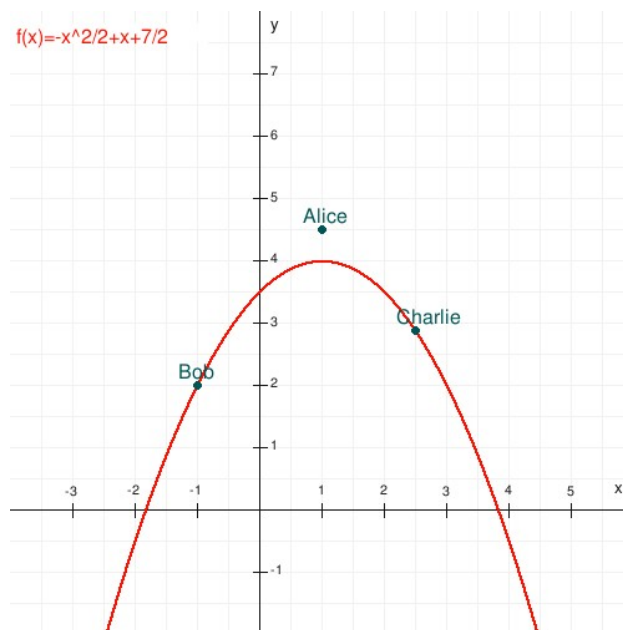


Abbildung 1: Bob und Charlie fahren Kurven

Aufgabe 6

Gegeben sind die Matrizen $A \in \mathbb{R}^{3 \times 3}$, $B \in \mathbb{R}^{3 \times 3}$ und der Vektor $x \in \mathbb{R}^{3 \times 1}$ mit

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 0 \\ 0 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 2 \end{pmatrix} \quad \text{und} \quad x = \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix}$$

- Wie lautet der transponierte Vektor x^T zum gegebenen Vektor x ?
- Berechnen Sie (falls möglich) die Produkte Ax , xA , $x^T A$ und AB . Ist ABx berechenbar (die Berechnung ist nicht nötig)?